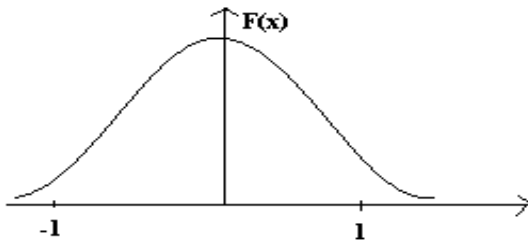


1. X valószínűségi változó normális eloszlást követ ha a sűrűségfüggvénye:  $f(x) =$

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

2. Ha  $\eta_1, \eta_2, \dots, \eta_k$  független, standard normális eloszlású valószínűségi változók, akkor  $\chi_k^2 = \eta_1^2 + \eta_2^2 + \dots + \eta_k^2$  eloszlását  $\chi_k^2$ -eloszlásnak nevezzük, melynek szabadságfoka k.

A  $\chi_k^2$ -eloszlás abszolút folytonos, és sűrűségfüggvénye  $f_n(x) = \begin{cases} 0, & \text{ha } x \leq 0 \\ c_n x^{\frac{n}{2}-1} e^{-\frac{x}{2}}, & \text{ha } x > 0 \end{cases}$



3. N szabadságfokú t-eloszlás:  $t_n \sim \frac{N(0,1)}{\sqrt{\frac{\chi_n^2}{n}}}$  ahol  $N(0,1)$  és  $\chi_n^2$  függetlenek (A t-eloszlás grafikonja hasonlít a normálishoz, de elnyúltabb.)

4. (n,m) szabadságfokú F-eloszlás:  $F_{n,m} \sim \frac{\frac{\chi_n^2}{n}}{\frac{\chi_m^2}{m}}$ , ahol a két  $\chi_n^2$  eloszlás független.

5.  $t_k$ -eloszlás (student eloszlás)

Def: ha  $\eta$  és  $\chi_k^2$  független valószínűségi változók standard normális, illetve  $\chi_k^2$ -eloszlással, akkor  $t_k = \frac{\eta}{\sqrt{\frac{\chi_k^2}{k}}}$  eloszlását  $t_k$ -eloszlásnak (student-eloszlásnak) nevezzük, melynek szabadságfoka k.

A  $t_k$ -eloszlás sűrűségfüggvénye  $f_{t_k}(x) = \frac{\tilde{c}_k}{\left(\frac{x^2}{k} + 1\right)^{\frac{(k+1)}{2}}}$  ahol

$$\tilde{c}_k := \begin{cases} \frac{(k-1)!!}{\pi \sqrt{k} (k-2)!!}, & \text{ha } k \text{ páratlan} \\ \frac{(k-1)!!}{2 \sqrt{k} (k-2)!!}, & \text{ha } k \text{ páros} \end{cases}$$

