

Várható értékre vonatkozó próba lehet:

1. *egymintás*: ha egy n elemű mintánk van
kétmintás: ha két független mintánk van, és kérdés, hogy a két mintából számított várható érték egyezik-e
2. *egyoldali*: ha az ellenhipotézis $\mu > \mu_0$ vagy $\mu < \mu_0$ alakú
kétoldali: ha az ellenhipotézis $\mu \neq \mu_0$ alakú

Egymintás t-próba:

$\xi_1 \dots \xi_n$ független $N(m, \sigma)$ eloszlású v.v. ahol σ és m ismeretlenek. (m_0 adott szám)

H_0 , nullhipotézis: $m = m_0$

H_1 , ellenhipotézis: $m \neq m_0$

Ha H_0 igaz, akkor: $\frac{\bar{\xi}_n - m_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \sim N(0,1)$, $\frac{n}{\sigma^2} s_n^2 = \frac{n-1}{\sigma^2} s_n^{*2} \sim \chi_{n-1}^2$ független statisztikákra a t

eloszlás definíciója alapján kapjuk, hogy
$$t := \frac{\frac{\bar{\xi}_n - m_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}}{\sqrt{\frac{\left(\frac{n-1}{\sigma^2} s_n^{*2}\right)}{(n-1)}}} = \frac{\bar{\xi}_n - m_0}{\frac{s_n^*}{\sqrt{n}}} \sim t_{n-1}$$

Legyen $\varepsilon \in (0,1)$ fix és $t_{\varepsilon/2} \in (0, \infty)$ úgy, hogy $P(t_{n-1} > t_{\varepsilon/2}) = \frac{\varepsilon}{2}$,

F-próba:

$\xi_1 \dots \xi_l$ független $N(m_1, \sigma_1)$ eloszlású v.v. ahol σ_1 és m_1 nem ismert.

$\eta_1 \dots \eta_k$ független $N(m_2, \sigma_2)$ eloszlású v.v. ahol σ_2 és m_2 nem ismert.

H_0 , nullhipotézis: $\sigma_1 = \sigma_2$

H_1 , ellenhipotézis: $\sigma_1 \neq \sigma_2$

Ha H_0 igaz, akkor:
$$F := \frac{\frac{l-1}{\sigma_1^2} s_l^{*2} \frac{1}{l-1}}{\frac{k-1}{\sigma_2^2} s_k^{*2} \frac{1}{k-1}} = \frac{s_l^{*2}}{s_k^{*2}} \sim F_{l-1, k-1}$$

Legyen $\varepsilon \in (0,1)$ fix és hozzá válasszunk olyan $0 < c_1 < c_2$ számokat, hogy

$$P(F_{1-1,k-1} < c_1) = P(F_{1-1,k-1} > c_2) = \varepsilon/2$$

Ekkor $[c_1, c_2]$ intervallumot vesszük elfogadási tartománynak, s kritikus tartománynak pedig a komplementerét.

$$\text{ekkor } P_{m_0} \left(t \in \left[-t_{\varepsilon/2}, t_{\varepsilon/2} \right] \right) = 1 - \varepsilon.$$

Ha t statisztika az $\left[-t_{\varepsilon/2}, t_{\varepsilon/2} \right]$ intervallumba esik, akkor elfogadjuk a nullhipotézist, ha nem, akkor elvetjük.

$$\text{Elsőfajú hiba: } P_{m_0} \left(t \notin \left[-t_{\varepsilon/2}, t_{\varepsilon/2} \right] \right) = \varepsilon$$

Kétmintás t -próba:

$\xi_1 \dots \xi_k$ független $N(m_1, \sigma)$ eloszlású v.v. ahol σ és m_1 ismeretlen.

$\eta_1 \dots \eta_l$ független $N(m_2, \sigma)$ eloszlású v.v. ahol σ és m_2 ismeretlen.

H_0 , nullhipotézis: $m_1 = m_2$

H_1 , ellenhipotézis: $m_1 \neq m_2$

$$\text{Ha } H_0 \text{ igaz, akkor: } t := \frac{\bar{\xi} - \bar{\eta}}{\sqrt{\left(\frac{1}{k} + \frac{1}{l} \right) \frac{(k-1)s_k^{*2} + (l-1)s_l^{*2}}{k+l-2}}} \sim t_{k+l-2}$$

Legyen $\varepsilon \in (0,1)$ fix és $t_{\varepsilon/2} \in (0, \infty)$ úgy, hogy $P(t_{k+l-2} > t_{\varepsilon/2}) = \frac{\varepsilon}{2}$,

$$\text{ekkor } P_{m_0} \left(t \in \left[-t_{\varepsilon/2}, t_{\varepsilon/2} \right] \right) = 1 - \varepsilon.$$

Ha t statisztika az $\left[-t_{\varepsilon/2}, t_{\varepsilon/2} \right]$ intervallumba esik, akkor elfogadjuk a nullhipotézist, ha nem, akkor elvetjük.